مجله علوم و فنون هستهای، جلد ۹۹، شماره ۱، بهار ۱۴۰۱



Journal of Nuclear Science and Technology Vol. 99, No. 2, 2022

# شبیهسازی آزمایش چشمه نوترون پالسی در قلب رآکتور تحقیقاتی تهران

محمد ارکانی<sup>®</sup> پژوهشکدهی رآکتور و ایمنی هستهای، پژوهشگاه علوم و فنون هستهای، صندوق پستی: ۱۳۳۹–۱۴۱۵۵، تهران \_ ایران \*Email: markani@aeoi.org.ir

مقالەي فنى

تاریخ دریافت مقاله: ۹۹/۷/۱۲ تاریخ پذیرش مقاله: ۹۹/۱۰/۳۰

## چکیدہ

یکی از روشهای مفید برای اندازه گیری ثابت واپاشی نوترون آنی در قلب رآکتور هستهای، آزمایش چشمه نوترون پالسی است. نظر به آن که کد محاسباتی MCNPX بر پایهی روش مونت کارلو بنا نهاده شده است، این کد قادر است رفتار تابع زمان ذرات را در سامانههای ایستا تعقیب نماید. از این قابلیت در این تحقیق استفاده شده و آزمایش چشمه نوترون پالسی در قلب رآکتور تحقیقاتی تهران شبیهسازی شده است. برای این منظور، سامانهی قلب رآکتور تحقیقاتی تهران در حالتهای مختلف زیربحرانی با استفاده از روش فوق بررسی و در هر حالت ثابت واپاشی نوترون آنی تخمین زده شد. به این ترتیب، با استفاده از ثابت واپاشی نوترون آنی قلب رآکتور، پارامترهای سینتیک قلب رآکتور نیز محاسبه شدهاند. مقادیر محاسبه شده دارای تطابق خوبی در مقایسه با نتایج گزارش شده در مراجع میباشند.

كليدواژهها: ثابت واپاشی نوترون آنی، آزمایش چشمه نوترون پالسی، كد MCNPX، پارامتر سینتیك قلب رأكتور

## Simulation of Pulsed Neutron Source Experiment in Tehran Research Reactor Core (TRR)

M. Arkani\*

Reactor and Nuclear Safety Research School, Nuclear Science and Technology Research Institute, P.O.Box: 14155-1339, Tehran - Iran

Technical Paper Received 3.10.2020, Accepted 19.1.2021

### Abstract

One of the useful methods for measuring fast neutron decay constant in a nuclear reactor core is the pulsed neutron source experiment as MCNP code is based on the Monte Carlo method, so able to track the time-dependent behavior of the particles in static systems. In this research, this capability is utilized, and a pulsed neutron source experiment in the Tehran research reactor (TRR) core is simulated. For this purpose, the system of TRR core at different subcritical states is investigated, and fast neutron decay constant is estimated at each state. Therefore, kinetic parameters of the reactor core are also calculated utilizing the fast neutron decay constant of the core. Calculated values agree with the other results reported in the literature.

**Keywords:** Prompt neutron decay constant, Pulsed neutron source experiment, MCNPX code, Reactor core kinetic parameter

Journal of Nuclear Science and Technology

Vol. 99, No 2, 2022, P 171-180

مجله علوم و فنون هستهای حلد ۹۹، شماره ۱، یهار ۱۴۰۱، ص ۱۷۱-۱۸۰

#### ۱. مقدمه

رفتار دینامیک سامانهای تکثیرپذیر <sup>۱</sup> مانند قلب رآکتور هستهای بهواسطه پارامترهای سینتیک<sup>۲</sup> آن مشخص میشود. تحلیل ایمنی قلب رآکتور هستهای و شبیهسازیهای مربوط به حوادث گذرا مثالهایی از کابرد این پارامترها میباشند [۱]. ازاینرو اطلاع از این پارامترها از اهمیت ویژهای برخوردار است. پارامترهای سینتیک قلب رآکتور هستهای عبارتند از کسر مؤثر نوترون تاخیری<sup>۳</sup>،  $\beta_{eff}$ ، طول عمر نوترون آنی<sup>†</sup>،  $\beta$ ، نسبت  $\frac{\beta}{\ell}$ ، ، و راکتیویته یا ضریبتکثیر سامانهی مورد نظر. روشهای متعددی برای تعیین پارامترهای سینتیک قلب رآکتورهای هستهای در مراجع ارایه شده است [۲–۸] که از آن جمله میتوان به روش آنی<sup>۵</sup>، روش <sup>۹</sup> MCNIC، روش اختلال<sup>۷</sup>، روش جاذب  $\frac{1}{U}$ ، و آزمایش چشمه نوترون پالسی<sup>۹</sup> اشاره نمود. البته برخی روشهای تجربی دیگری هم وجود دارند که در این برخی روشهای تجربی دیگری هم وجود دارند که در این

با استفاده از آزمایش چشمه نوترون پالسی [۲، ۱۱، ۱۲]، ثابت واپاشی نوترون آنی قلب رآکتور اندازه گیری می شود. قابل ذکر است این پارامتر که با نماد α نشان داده می شود (در ادامه ثابت واپاشی نوترون آنی با جزییات بیشتری معرفی می گردد)، حاوى اطلاعاتى راجع به راكتيويته سامانه قلب رآكتور، كسر مؤثر نوترون تأخيري، و طول عمر نوترون آني است. در اين تحقیق با استفاده از کد محاسباتی MCNPX [۱۳] آزمایش چشمه نوترون پالسی در قلب رآکتور تحقیقاتی تهران شبیهسازی شده و روشی جدید برای تخمین کسر مؤثر نوترون تأخيري و طول عمر نوترون آني با استفاده از ثابت واپاشي نوترون آنی در قلب رآکتور هستهای ارایه شده است. نتایج به دست آمده از شبیهسازی آزمایش چشمه نوترون پالسی در قلب رآکتور تحقیقاتی تهران با مقادیر گزارش شده در دیگر مراجع مقایسه شده و تطابق خوبی مشاهده شده است. ابزار اصلی جهت تحلیل دادهها، نرمافزار متلب میباشد [۱۴]. در ادامه، در بخش ۲، روشهای اشاره شده در فوق و همچنین روش چشمه نوترون یالسی برای آشنایی خواننده شرح داده خواهند شد. سپس، در بخش بعدى، مشخصات قلب رآكتور تحقيقاتى تهران و

- 1. Multiplying System
- 2. Kinetic Parameters
- 3. Effective Delayed Neutron Fraction
- 4. Prompt Neutron Lifetime
- 5. Prompt Method
- 6. MCNIC: Monte Carlo Neutron Importance Calculation
- 7. Perturbation Method
- 8. One Over V Neutron Absorber Method
- 9. Pulsed Neutron Source Method

مدلسازی آن توسط کد MCNPX توضیح داده میشود. در بخش ۴ نیز روش ارایه شده برای محاسبهی کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی با استفاده از ثابت واپاشی نوترون آنی شرح داده شده است. در بخش ۵، نتایج به دست آمده به بحث گذاشته شده، و در انتها نیز در بخش ۶

## ۲. آشنایی با روشهای تخمین پارامترهای سینتیک قلب رآکتور هستهای

نتيجه گيري ارايه شده است.

۱.۲ محاسبه کسر مؤثر نوترون تأخیری از روش آنی یکی از روشهای مفید که بر اساس کد محاسباتی MCNPX عمل میکند و میتواند کسر مؤثر نوترون تأخیری را در سامانههای تکثیرپذیر محاسبه کند، روش آنی است. کسر مؤثر نوترون تأخیری با رابطه زیر تعریف شده است [۵-۶]:

$$\beta_{eff} = \frac{\sum_{i} \sum_{m} \int \phi^{+} \chi_{di}^{m} \upsilon_{di}^{m} \Sigma_{f}^{m} \phi' d\Omega' dE' dr}{\sum_{m} \int \phi^{+} \chi_{t}^{m} \upsilon_{t}^{m} \Sigma_{f}^{m} \phi' d\Omega' dE' dr}$$
(1)

در این رابطه، داریم:  
در این رابطه، داریم:  

$$E', \Omega', r$$
  
 $iercei c. سامانه قلب رآکتور است
 $m$  اندیس شماره ایزوتوپ  
 $in$  اندیس شماره گروه نوترون تأخیری  
 $\phi: شار زاویهای
 $\phi: شار زاویهای
 $\phi: شار الحاقی '' زاویهای
 $\phi: m_1$  میشوند  
 $\Sigma_{de}^m$  ام گسیل میشود  
 $\Sigma_{de}^m$  ام گسیل میشود  
 $\Sigma_{di}^m$  توزیع نرمال شده نوترونهای تأخیری گروه *i* ام  
 $\Sigma_{de}^m$  ام  
 $\Sigma_{de}$  انتگرال صورت و مخرج رابطه ۱ را با نماد  $< >$  نشان$$$$$$$$$$ 

دهیم، با بازنویسی این رابطه و استفاده از خاصیت جمعپذیری انتگرالها و همچنین استفاده از رابطه  $\upsilon_{\rm p} = \upsilon_{\rm t} - \upsilon_{\rm d}$ ، داریم:

$$\beta_{eff} = \frac{\left\langle \chi_{d} \upsilon_{d} \right\rangle}{\left\langle \chi_{i} \upsilon_{i} \right\rangle} = 1 - \frac{\left\langle \chi_{i} \upsilon_{i} - \chi_{d} \upsilon_{d} \right\rangle}{\left\langle \chi_{i} \upsilon_{i} \right\rangle} \cong 1 - \frac{\left\langle \chi_{p} \upsilon_{p} \right\rangle}{\left\langle \chi_{i} \upsilon_{i} \right\rangle}$$
(7)  
$$\left\langle \chi_{i} \upsilon_{i} - \chi_{d} \upsilon_{d} \right\rangle \\ \left\langle \chi_{i} \upsilon_{i} - \chi_{d} \upsilon_{d} \right\rangle = 1 - \frac{\left\langle \chi_{p} \upsilon_{p} \right\rangle}{\left\langle \chi_{p} \upsilon_{p} \right\rangle} = 1 - \frac{\left\langle \chi_{p} \upsilon_{p} \right\rangle}{\left\langle \chi_{p} \upsilon_{p} \right\rangle}$$
(7)  
$$\left\langle \chi_{i} \upsilon_{i} - \chi_{d} \upsilon_{d} \right\rangle = 1 - \frac{\left\langle \chi_{p} \upsilon_{p} \right\rangle}{\left\langle \chi_{p} \upsilon_{p} \right\rangle} = 1 - \frac{\left\langle \chi_{p} \upsilon_{p} \right\rangle}{\left\langle \chi_{p} \upsilon_{p} \right\rangle}$$
(7)

10. Adjoint Flux Journal of Nuclear Science and Technology

Vol. 99, No 2, 2022, P 171-180



لله علوم و فنون هستهای

یلد ۹۹، شماره ۱، بهار ۱۴۰۱، ص ۱۷۱–۱۸۰

۱۷۲

MCNIC سامانه يعنى  $k_{eff}$  هم گرا شده و ثابت مىماند. روش  $k_{eff}$ برای محاسبه تابع اهمیت نوترون به صورت تابعی از مکان  $r_o$  و انرژی  $E_\circ$ ،  $E_\circ$ ، انرژی محاسبه تابع  $\phi^+(r_\circ,E_\circ)$  ،  $E_\circ$ اهميت نوترون سامانه قلب رآكتور، ابتدا سامانه مورد نظر به تعدادی از سلولهای با ضخامتهای یکسان مشبندی شده، سپس چشمه همسان گردی از نوترون با انرژیهای در محدوده اولین گروه انرژی از گروهبندی مورد نظر، در داخل سلول تعریف می گردد. دنبال نمودن آنها در سیکلهای متوالی برای محاسبات نوترونی به منظور به دست آوردن مقادیر مقدار تابع اهمیت نوترونهای موجود در آن گروه  $k_s^{\,r}...\,k_s^{\,r}\cdot k_s^{\,r}$ انرژی در محل مذکور را به دست میدهد. به همین ترتیب با تغییر محل چشمه در محدوده گروههای مختلف انرژی، تابع اهمیت نوترون بهصورت ماتریسی به ابعاد m×n به دست می آید که m بیان گر تعداد گروههای انرژی و n بیان گر تعداد مشهای مکانی است. از آنجایی که ضریبتکثیر در سامانهای زیربحرانی کمتر از یک است، سری هندسی مقادیر  $k_s^i$  در نهایت همگرا شده و در نتیجه جمعیت نوترونی کل سامانه قلب رآکتور به سمت مقداری مجانبی و حالتی پایدار سوق پیدا میکند و در نتیجه تابع اهمیت مقداری متناهی خواهد شد، پس داریم:

$$\phi^{+} = \sum_{i=1}^{\infty} k_{s}^{i} = \frac{k_{s}}{1 - k_{s}}$$
( $\Delta$ )

با مشخص بودن اهمیت نوترون و یا همان شار الحاقی نوترون از رابطهی ۵، و شار نوترون با استفاده از کد MCNPX، و همچنین با استفاده از رابطهی ۱، کسر مؤثر نوترون تأخیری محاسبه می شود. برای طول عمر نوترون آنی از روش فوق داریم :[۵]

$$\ell = \frac{\sum_{m=1}^{M} \sum_{g=1}^{G} \phi^{+}{}_{g,m} \frac{1}{\upsilon_{g}} \phi_{g,m} \Delta V_{m}}{\sum_{m=1}^{M} \sum_{g=1}^{G} \phi^{+}{}_{g,m} \chi_{pg} \sum_{g'=1}^{G} V_{g} \Sigma_{f_{g,m}} \phi_{g,m} \Delta V_{m}}$$
(8)

در این رابطه، m شماره مش مکانی، g شماره گروه انرژی، تابع توزیع نوترون آنی،  ${}^{V}_{g}$  و  ${}^{U}_{g}$  نیز به ترتیب متوسط  $\chi_{pg}$ تعداد نوترونهای گسیل شده در گروه انرژی g در هر شکافت و متوسط سرعت نوترون در گروه انرژی g میباشند.

۳.۲ محاسبه کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی با استفاده از روش اختلال

Journal of Nuclear Science and Technology

است، همچنین نظر به آن که  $\upsilon_d$  حدود صد برابر کوچکتر  $\chi_p$ از  $v_t$  است، این تقریب، با دقت خوبی قابل قبول میباشد. رابطه به صورت رابطه ۳ به منظور ۲ می تواند بەكارگىرى كد MCNPX بازنويسى شود:

$$\beta_{eff} = 1 - \frac{k_p}{k_{eff}} \tag{(7)}$$

در این رابطه  $k_{eff}$  ضریب تکثیر مؤثر<sup>۱</sup> قلب رآکتور است که از محاسبات بحرانی با استفاده از دستور KCODE محاسبه می شود.  $k_p$  ضریب تکثیر آنی<sup>۲</sup> قلب رآکتور است که فقط متأثر از نوترونهای آنی می باشد. کد MCNPX با کارت TOTNU و پارامتر ورودی NO قادر است  $k_p$  را با استفاده از محاسبات بحرانی قلب رآکتور به دست دهد.

## ۲.۲ محاسبه کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی با استفاده از روش MCNIC<sup>۳</sup>

در سامانههای بحرانی و زیربحرانی اهمیت نوترون<sup>۴</sup> با استفاده از روشهای قطعی و بر مبنای مقدار مجانبی جمعیت نوترون یا توان محاسبه می شود. برای درک مفهوم فیزیکی اهمیت نوترون، فرض کنید در محیطی تکثیرپذیر تعدادی نوترون وارد شوند. وابسته به محل، انرژی و جهت آنها، جمعیت نوترون افزایش مىيابد. براى رآكتور بحرانى كه جمعيت نوترون اوليه  $N_{\circ}$  است، در صورتی که تعدادی نوترون وارد قلب رآکتور شوند، جمعیت نوترونها دچار تغییر می شود و نهایتاً در سطح  $N_{\circ} + \Delta N_{\circ}$  ثابت میماند. این مقدار تغییر جمعیت نوترونی به ازای نوترونهای ورودی اصطلاحاً اهمیت نسبی نوترون<sup>۵</sup> نامیده میشود. در صورتی که  $k_s(r,E)$  به عنوان ضریب تکثیر چشمه هم سان گرد شکافت نوترونی با انرژی E و موقعیت مکانی r در داخل قلب رآکتور تعریف شود، تابع اهمیت چنین سامانهای بهصورت زیر توصيف مي شود [۴-۵]:

$$\phi^{+} = \sum_{i=1}^{\infty} k_{s}^{i} = k_{1} + k_{1}k_{2} + \dots + k_{n}k_{n} + \dots$$
 (f)

مقدار ضریب تکثیر سامانه فوق برای نسل i ام از نوترونها  $k_s^i$ است. پس از گذشت چند چرخه<sup>۶</sup> ناپایدار اولیه، نوترونها کاملاً در سرتاسر قلب رآکتور توزیع شده و تابع شکل شار به توزیع نهایی همگرا میشود، در نتیجه  $k_s^i$  به سمت ضریبتکثیر



<sup>1.</sup> Effective Multiplication Factor

<sup>2.</sup> Prompt Multiplication Factor

<sup>3.</sup> MCNIC: Monte Carlo Neutron Importance Calculation

<sup>4.</sup> Neutron Importance

<sup>5.</sup> Relative Neutron Importance

<sup>6.</sup> Cycle

یکی از روشهای محاسبه یپارامترهای سینتیک قلب رآکتور هستهای، روش اختلال میباشد. فرض کنید که اختلال کوچکی به اندازه ی $\Delta\Sigma_a$  به طور یکنواخت در کل قلب رآکتور ایجاد شود. از تئوری اختلال مرتبه یاول (در تئوری اختلال مرتبه یاول از جملاتی که دو بار کمیتهای اختلال یافته در یک دیگر ضرب میشوند صرف نظر میشود، مانند:  $\delta \Delta_a × \delta \delta$ )، میتوان شار نوترون، شار الحاقی نوترون، و راکتیویته یقلب رآکتور را محاسبه [۱۵] و با استفاده از روابط (۱) و (۶) به ترتیب کس مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی را محاسبه نمود. اختلال مرتبه یاول، پارامترهای سینتیک قلب رآکتور را محاسبه نماید. ذاکر [۱۷] طی تحقیقی با استفاده از بسته ی محاسبه نماید. ذاکر [۱۷] طی تحقیقی با استفاده از بسته ی نرمافزاری 'MTR-PC [۸]، کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول نرمافزاری ای را در قلب رآکتور تحقیقاتی تهران، در چیدمان نوترون آنی را در قلب رآکتور تحقیقاتی تهران، در چیدمان

# ۲۰۲ محاسبه طول عمر نوترون آنی از روش جاذب ۲۰

روش جاذب  $\frac{1}{v}$ یکی از روشهای ساده اما دقیق برای محاسبه طول عمر نوترون آنی است ( v سرعت نوترون میباشد). اگر در مجموعه قلب رآکتور که شامل بازتابنده هم میشود توسط غلظت بسیار کمی از جاذب نوترون که دارای خصوصیت فیزیکی  $\frac{1}{v}$  است، بهطور یکنواخت در کل ساختار قلب رآکتور اختلال بسیار کوچکی ایجاد شود، در اینصورت میتوان با استفاده از رابطه ۷ تنها با محاسبه دقیق ضریب تکثیر سامانه قلب رآکتور، به طول عمر نوترون آنی پیبرد [۵-8]:

$$\ell_{p} = \lim_{N \to \infty} \left( \frac{\delta k}{k_{Perr}} \cdot \frac{1}{N \sigma_{zo} \upsilon_{o}} \right)$$
(Y)

در این رابطه N غلظت جاذب (منظور جاذبی است که دارای خصوصیت  $\frac{1}{\upsilon}$  است) و  $\sigma_{zo}$  سطح مقطع جذب آن در سرعت نوترون  $\upsilon_o$  است. همچنین  $k_{Pert}$ ، ضریب تکثیر مؤثر قلب رآکتور در شرایط اختلال است. تقریبی خوب از حل مسأله میتواند بهواسطه کاربرد B<sup>.:</sup>با غلظت بسیار پایین از مقیاس مارد ا<sup>-1</sup> تا <sup>1-1</sup> "اتم در هر بارن سانتیمتر" در سامانه قلب

مجله علوم و فنون هستهای

جلد ۹۹، شماره ۱، بهار ۱۴۰۱، ص ۱۷۱–۱۸۰

رآکتور باشد. در سرعت نوترون ۲۲۰۰ متر بر ثانیه، سطح مقطع  $\sigma_{zo}$ ، برای B . ( $\sigma_{zo}$ 

۵.۲ اندازهگیری ثابت واپاشی نوترون آنی با استفاده از آزمایش چشمه نوترون پالسی

اگر به سامانه قلب رآکتور توسط مولد پالس نوترونی<sup>۲</sup>، پالسهای نوترون با دوره تناوب مشخصی تزریق شود، در اینصورت رفتار گذرای سامانه قلب رآکتور دارای پاسخی میرا بعد از تزریق هر پالس نوترون است. شکل ۱ نشاندهنده رفتار گذرای جمعیت نوترونها بعد از تزریق پالسهای نوترونی به سامانه قلب رآکتور میباشد [۱۹]. این شکل دارای سه ناحیه مشخصه زیر است (قابل ذکر است بازههای زمانی نشان داده شده در شکل ۱ در دیگر سامانههای قلب رآکتور هستهای لزوماً یکسان نبوده و ممکن است متفاوت باشد):

- I در لحظات کوتاهی بعد از تزریق پالس نوترون (زمانهای کوچکتر از یک میلیثانیه)، اثرات مربوط به هارمونیکهای با مرتبهی بالاتر<sup>۳</sup> از پاسخ سامانه قلب رآکتور مشاهده میشود، که سریعاً میرا می گردند.
- II. در نواحی میانی (زمانهای بین یک الی چهار میلی ثانیه بعد از تزریق پالس نوترون)، تغییرات جمعیت نوترونها دارای رفتاری نمایی است. قابل ذکر است محور عمودی در مقیاس لگاریتمی میباشد، از اینرو تغییرات به شکل تابعی خطی با شیب منفی مشاهده میشود. مقدار α، ثابت واپاشی نوترون آنی، در این ناحیه با استفاده از برازش منحنی نمایی به دست میآید.
- III. در زمانهای بزرگتر، کاهش جمعیت نوترونها رفتهرفته متوقف شده و به مقدار تقریباً ثابتی میل میکند (زمانهای بزرگتر از هشت میلیثانیه بعد از تزریق پالس نوترون). پسزمینه مشاهده شده به دلیل وجود نوترونهای تأخیری و واپاشی هستههای پیشرو<sup>†</sup> در مقیاس زمانی بسیار بزرگتری است.

3. Higher Order Harmonics

در بستهی نرمافزاری MTR-PC از کد CITATION برای محاسبات . نوترونیک قلب راکتور استفاده شده است.

<sup>2.</sup> Pulsed Neutron Generator

<sup>4.</sup> Precursors Journal of Nuclear Science and Technology Vol. 99, No 2, 2022, P 171-180



شکل ۱. رفتار گذاری جمعیت نوترونها در قلب رآکتور هستهای به ازای تزریق پالس نوترون در زمان صفر [۱۹].

$$n(t) = n_o e^{-\alpha t} \tag{A}$$

سطح  $A_d$  سطح زیر منحنی نوترونهای آنی و سطح  $A_d$  سطح زير منحني نوترونهاي تأخيري است. چنانچه به ناحيه مياني، تابعی نمایی به شکل رابطه ۸ برازش شود، پارامتر  $\alpha$  محاسبه و استخراج مي گردد. قابل ذكر است، ثابت واپاشي نوترون آني، α، با رابطه ۹ تعريف می شود:

$$\alpha = \frac{\beta_{eff} - \rho}{\Lambda} \tag{9}$$

## ۳. معرفی قلب رآکتور تحقیقاتی تهران و شبیهسازی آن در کد MCNPX

رآکتور تحقیقاتی تهران از نوع استخری و غیرهمگن است و برای حداکثر قدرت ۵ مگاوات طراحی شده است. آبسبک در این رآکتور نقش خنککننده، کندکننده و حفاظ زیستی را برعهده دارد. صفحه نگهدارنده سوختها عبارتست از یک شبکه که دارای ۵۴ محل بالقوه برای قرارگیری میلههای سوخت است. میلههای سوخت هر یک در محل خود روی این صفحه مستقر میگردد و مجموعه آن قلب را تشکیل میدهد. این صفحه در عمق حدوداً ۹ متری از آب استخر رآکتور قرار دارد. شکل ۲ آرایش سوختهای قلب رآکتور تحقیقاتی تهران در چیدمان شماره یک را نشان میدهد. در این شکل، ۱۹ مجموعه از بستههای سوخت نشان داده شده است. محل های خالی که برای قرار دادن نمونهها مناسب هستند با IR-BOX نمایش داده شدهاند. عبور آب خنککننده فقط از میان بستههای سوخت ممکن بوده و از محلهای خالی روی صفحه نگهدارنده، آبی عبور

1. Pool Type

نمى كند. سوخت اوليه اين رآكتور آلياژى از آلومينيم و اورانيم با درصد غنای بالا، یعنی ۹۳٪ بوده است. در سال ۱۳۷۲ سوخت رأکتور از درجهی غنای بالا به درجهی غنای پایین یعنی ۲۰٪ تبدیل شد و از آن تاریخ تاکنون، این رآکتور با سوخت جدید کار میکند. ترکیب شیمیایی سوخت جدید بهصورت U<sub>r</sub>O<sub>A</sub>Al می باشد. کل مجموعه سوخت، قلب و صفحه نگهدارنده بر روی محفظهای به نام پلنوم<sup>۲</sup> نصب گردیده است. در مواقع بعد از خاموشی و در قدرتهای زیر ۱۰۰ کیلووات دریچه فلاپر محفظه یلنوم باز شده و اجازه خنککنندگی قلب را بهصورت جریان همرفت طبیعی میدهد. در شکل ۳ نمای فوقانی از سوختهای استاندارد و کنترلی به همراه نمایی سه بعدی از میلهی کنترل چنگالی شکل قلب رآکتور تحقیقاتی تهران آورده شده است. در جدول ۱ برخی از مشخصات و ویژگیهای رآکتور تحقیقاتی تهران آورده شده است [۲۰].



شکل ۲. چیدمان قلب شماره یک از رآکتور تحقیقاتی تهران [۲۰].



شکل ۳. نمایش فوقانی از بستههای سوخت استاندارد و کنترلی در رآکتور تحقیقاتی تهران و میلهی کنترلی چنگالی آن [۲۰].

2. Plenum Journal of Nuclear Science and Technology

Vol. 99, No 2, 2022, P 171-180



<b>جدول ۱</b> . برخی از مشخصات و ویژگیهای رآکتور تحقیقاتی تهران [۲۰]					
نوع رآكتور					
نوع رآکتور					
قدرت نامی قلب رآکتور [MW]					
آلياژ سوخت					
نوع سوخت					
گام شبکه قلب رآکتور [cm]					
تعداد صفحات سوخت در هر بسته سوخت					
استاندارد					
تعداد صفحات سوخت در هر بسته سوخت کنترلی					
درصد وزنی غنای سوخت					

در شکل ۴ نمایی از هندسه قلب رآکتور تحقیقاتی تهران که در کد MCNPX شبیهسازی شده، آورده شده است. محیط آب سبک در این شکل به رنگ آبی میباشد و صفحات سوخت به رنگ صورتی. با مقایسهی این شکل با شکل ۲، دیگر المانهای قلب رآکتور نیز قابل شناسایی هستند. در جدول ۲ ضریب تکثیر محاسبه شده با استفاده از کد MCNPX در شرایط بحرانی قلب رآکتور نشان داده شده است. وضعیت خروج میلههای کنترل در شرایط بحرانی از قلب رآکتور در این جدول قابل مشاهده میباشند. همانطوریکه مشاهده میشود، تخمین کد MCNPX از ضریب تکثیر مؤثر قلب رآکتور دارای خطایی برابر با [pcm] etaا-میباشد. منشأ اصلی خطا در محاسبات با استفاده از کد MCNPX، کتابخانههای مورد استفاده توسط کد می باشند. در جدول ۳ فهرستی از کتابخانههای استفاده شده در شبیهسازی، آورده شده است. سطحمقطعهای استفاده شده همگی در دمای ۲۹۳٬۶ کلوین میباشند. برای <sup>۲۳۵</sup>U و <sup>۲۳۸</sup> نیز کتابخانههای به کار گرفته شده حاوی اطلاعات نوترونهای تأخيري مي باشند.

انرژی متوسط نوترونهای حاصل از شکافت، حدود MeV ۲ با تابع توزيع احتمال همگون در همهى زوايا است. از اينرو چشمه نوترون پالسی در این شبیهسازی نیز چشمه نقطهای نوترون با تابع توزیع احتمال همگون در همه زوایا برای گسیل نوترون با انرژی MeV در نظر گرفته شده است. تعریف تالی (تالی F۴) به صورت گسترده در فضای کندکننده، سوخت، و مواد ساختاری قلب رآکتور انجام پذیرفته است. در شکل ۵ توزيع شعاعي شار نوترون <sup>۱</sup> در مقطع مياني قلب رآکتور در سه بازه انرژی نوترونهای حرارتی، فوق حرارتی، و سریع به تصویر کشده است.



شکل ۴. نمایی از هندسهی شبیهسازی شده از قلب رآکتور تحقیقاتی تهران در کد MCNPX.

جدول ۲. مقایسه ی ضریب تکثیر محاسبه شده با استفاده از کد MCNPX در شرایط بحرانی از قلب رآکتور تحقیقاتی تهران

درصد خروج میلههای کنترل در شرایط بحرانی از قلب رآکتور تحقیقاتی تهران (چیدمان شماره یک) (نتایج تجربی)					k <sub>eff</sub> (MCNPX)	خطای مطلق*	
SR١	SR۲	SR۳	SR۴	RR		[pcm]	
۴۲ <sub>/</sub> ۸	۵۵,۰	۵۵٬۰	۵۰,۰	47,.	$\cdot$ ,٩٩۴ $\lambda$ ٣ ± $\cdot$ ,····٩	$-\Delta 1Y \pm 9$	
* خطای مطلق نسبت به حالت بحرانی قلب راکتور محاسبه شده است.							

جدول ۳. کتابخانههای استفاده شده در شبیهسازی با استفاده از کد [**\r**] MCNPX

نام کتابخانهی استفاده شده در شبیهسازی	نام ايزوتوپ
$(\cdot \cdot \cdot)/\Delta \cdot C$	١H
S(α,β): LWTR. $\beta$ ·t	- 11
1 • • ۲/۶۶C	Η <sup>7</sup>
$\wedge \cdot \vee \mathcal{F} / \Delta \cdot \mathbf{C}$	O۶۱
۸۰ ۱ Y/۶۶C	$\mathbf{O}^{\mathbf{\gamma} \mathbf{\prime}}$
$YT \cdot TY/FTC$	۲ŸAl
$\mathbf{r} \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} \mathbf{r}$	Fe
fy $\cdot\cdot\cdot/$ ۵۵ ${f C}$	Ag
$fg \cdot \cdot \cdot / f \cdot C$	In
$\mathbf{f}_{\mathbf{\lambda}}$ · · · / $\mathbf{\Delta}$ · $\mathbf{C}$	Cd
$\gamma \gamma \gamma \delta / \rho \rho C$	$\mathrm{U}^{\mathrm{and}}$
TTTA/88C	$\mathrm{U}^{_{\lambda\gamma\gamma}}$

<sup>1.</sup> Radial Neutron Flux Distribution



قابل ذکر است، تعریف تالی روی یکی از سلول های کناری قلب رآکتور، اثرات هندسی و تابعیت چگونگی گسترش واکنش زنجیری در فضای قلب را به همراه دارد، در حالی که تعریف تالی روی کل قلب رآکتور، نوعی متوسط گیری پارامتر مورد نظر در کل قلب رآکتور است. به هر حال انتظار می ود، در لحظات اولیه پاسخهای گذرایی مشاهده شود که سریعاً از بین میروند. این حالتهای گذرا ناشی از هارمونیکهای با مرتبهی بالاتری از پاسخ سامانه قلب رآکتور است.

۴. محاسبهی کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی با استفاده از ثابت واپاشی نوترون آنی نظر به آن که ثابت وایاشی نوترون آنی حاوی اطلاعاتی راجع به کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی است، با دانستن مقدار این ثابت به ازای راکتویتههای منفی مختلف قلب رآکتور، می توان کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی را تعیین نمود. میدانیم متوسط زمان تولید نسل نوترون با طول عمر نوترون آنی دارای رابطهای به صورت زیر است [۱]:

$$\Lambda = \frac{\ell}{k_{eff}} \tag{1.}$$

برای این منظور، اگر به جای متوسط زمان تولید نسل نوترون، معادل آن را در رابطهی ۹ قرار دهیم، داریم:

$$\alpha = \frac{\beta_{eff} - \rho}{\ell} k_{eff} \tag{11}$$

همچنین با تعریف متغیر Z به صورت زیر، داریم:

$$Z = \frac{\alpha}{k_{eff}} = \frac{\beta_{eff} - \rho}{\ell}$$
(17)

نظر به آن که با شبیهسازی آزمایش چشمه نوترون پالسی با استفاده از کد MCNPX هم مقدار ، ضریب تکثیر مؤثر قلب رآکتور، و هم مقدار α، ثابت واپاشی نوترون آنی، به دست ميآيد، پارامتر Z به راحتي قابل محاسبه است. مزيت اين تغيير متغیر نسبت به تعریف کلاسیک α، ارتباط معکوس مشتق اول آن با مقدار  $\ell$ ، طول عمر نوترون آنی است. اگر از معادله اخیر نسبت به تغییرات راکتیویته دیفرانسیل بگیریم، خواهیم داشت:  $\frac{dZ}{do} = -\frac{1}{\ell}$ (17)

Vol. 99, No 2, 2022, P 171-180

شار نوترون حرارتی (E < 1 eV)



شار نوترون فوق حرارتی (l eV <E< 40 keV)



شار نوترون سریع (۵۰ keV <E< ۱۰ MeV) شار نوترون سریع

•/•	٧.	. بر	¥.	٩/٠	\$⁄.	ج/.	٨.	۴.	۴.,	۰٬۱

شکل ۵. توزیع شعاعی شار نوترونهای حرارتی، فوق حرارتی، و سریع در قلب رآكتور تحقيقاتي تهران.



مجله علوم و فنون هستهای جلد ۹۹، شماره ۱، بهار ۱۴۰۱، ص ۱۷۱–۱۸۰

یک از دادههای نشان داده شده در شکل ۶ تابعی نمایی برازش شد. نرمافزار متلب دارای جعبهابزاری با نام "Curve Fitting Toolbox" است که مختص برازش منحنی می باشد. در جدول ۴، مقادیر برازش شده برای ثابت واپاشی نوترون آنی آورده شده است. همانطوری که مشاهده می شود، بزرگترین ضریب تکثیر مؤثر قلب رآکتور (معادل کمترین راكتيويتهى منفى)، داراى كوچكترين ثابت واپاشى نوترون آنى است. با استفاده از مقادیر محاسبه شده برای ثابت واپاشی نوترون آنی و ضریب تکثیر مؤثر قلب رآکتور (نتایج آورده شده در جدول ۴)، راکتیویتهی قلب رآکتور و متغیر Z (رابطهی (۱۲)) به راحتی محاسبه می شوند. در شکل ۷ نقاط به دست آمده برای متغیر Z برحسب راکتیویتهی منفی قلب رآکتور ترسیم شدهاند. با استفاده از نرمافزار متلب، بر این نقاط تابعی خطی برازش شده است. پارامترهای این تابع خطی بر روی شكل ۷ قابل مشاهده مىباشند. قابل ذكر است واحد راكتيويته در خط برازش شده برحسب  $\Delta k_{
m eff}/k_{
m eff}$  میباشد، این درحالی است که واحد محور افقی در این شکل، راکتیویته منفی برحسب pcm است. بر اساس رابطههای ۱۳ و ۱۴، کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی با استفاده از پارامترهای خط برازش شده در شکل ۷ قابل محاسبه میباشند. نتایج به دست آمده در جدول ۵ آورده شده است. برای مقایسه نتایج به دست آمده، نتایج مشابه به دست آمده از دیگر روشها نیز در این جدول آورده شده است. همانطوری که مشاهده می شود، به صورت كلى تطابق خوبى بين نتايج به دست آمده از تحقيق حاضر و نتایج گزارش شده در دیگر مراجع وجود دارد. چنانچه برای کسر مؤثر نوترون تأخیری، مقدار تجربی آن [۱۷]، به عنوان مرجع در نظر گرفته شود، قدرمطلق درصد خطای نسبی در روش شبیهسازی آزمایش چشمه نوترون پالسی، به کمتر از ۰٬۳۸ درصد محدود می شود که در مقایسه با خطای محاسبه شده برای دیگر روشها، قابل قبول میباشد. برای طول عمر نوترون آنی، با مرجع قرار دادن نتیجه گزارش شده از روش اختلال [۱۷]، قدرمطلق درصد خطای محاسبه شده برای روش شبیهسازی چشمه نوترون پالسی برابر است با ۳٬۰۹ درصد که در حدود خطای روش MCNIC [۵] میباشد.

$$\left|Z\right|_{\rho=\circ} = \frac{\beta_{eff}}{\ell} \tag{14}$$

شبیهسازی آزمایش چشمه نوترون پالسی در قلب راکتور تحقیقاتی تهران

پس اگر بین متغیر Z و راکتیویتهی قلب رآکتور رابطهای بیابیم،

مشتق اول این رابطه، برابر با منفی معکوس طول عمر نوترون

بدین ترتیب با مشخص بودن مقادیر  $\frac{\beta_{eff}}{\ell}$  و  $\frac{1}{\ell}$ ، کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی به دست خواهند آمد. در ادامه از روابط فوق برای محاسبه پارامترهای سینتیک قلب رآکتور تحقیقاتی تهران استفاده شده است.

### ۵. بحث و بررسی نتایج به دست آمده

نظر به آن که با استفاده از تنظیم موقعیت میلههای کنترل، امكان تغيير ضريب تكثير مؤثر قلب رآكتور و به تبع آن راكتيويتهى قلب رآكتور وجود دارد، قلب رآكتور تحقيقاتي تهران در ده حالت زیربحرانی متفاوت شبیهسازی شد. در جدول ۴ لیستی از حالتهای زیربحرانی در نظر گرفته شده به همراه ضریب تکثیر مؤثر هر یک آورده شده است. قبل از ادامهی بحث راجع به اطلاعات آورده شده در این جدول، به شکل ۶ توجه کنید. هر حالت زیربحرانی از قلب رآکتور، دارای ثابت واپاشی نوترون آنی مختص به خود است. از اینرو به ازای هر یک از حالتهای زیربحرانی، رفتار میرا شوندهی نوترونها در قلب رآکتور متفاوت است. این مطلب در شکل ۶ به وضوح قابل مشاهده است. لازم به توضيح است، تعقيب ذرات نوترون در شبیهسازی انجام شده تا ۱۰ میلی ثانیه صورت گرفته است. در این بازهی زمانی، با توجه به آن که قلب رآکتور نزدیک به حالت بحرانی شبیهسازی شده است، پسزمینهی ناشی از نوترونهای تأخیری قابل مشاهده نیست. در همگی حالتها، در زمانهای کمتر از یک میلیثانیه اثر هارمونیکهای با مرتبهی بالاتر، میرا می شوند. از آن جایی که محور عمودی در این شکل در مقیاس لگاریتمی است، تغییرات به صورت خطی و با شیبی منفی مشاهده میشود. نظر به آن که در زمان های بزرگتر از پنج میلیثانیه، نتایج به دست آمده دارای خطای آماری بزرگی می باشند (افزایش میزان افتوخیزهای آماری) بازهی زمانی برازش تابع نمایی تا پنج میلیثانیه محدود شده است. با استفاده از نرمافزار متلب در بازهی زمانی یک الی پنج میلیثانیه بر هر



جدول ۴. نتایج محاسباتی ثابت واپاشی نوترون آنی در قلب رآکتور تحقیقاتی تهران (میزان خروج میلهی کنترل تنظیمی در همهی شبیه سازی های انجام شده ثابت و برابر با ۵۰ درصد می باشد)

اندیس	درصد خروج همه میلههای کنترل ایمنی	$k_{eff} \pm STD^{\ast}$	$\alpha \pm STD^{*}$
١	۵۰,۰۳۹۸	•,•••• <u>\</u> +•,٩٩٨٨۶	۰ <sub>/</sub> ۷± ۱۹۹ <sub>/</sub> ۹
٢	۵۰,۰۳۸۲	۰,···· ۸± ۰,۹۹۸۳۵	$\cdot_{\lambda} \wedge \cdot \gamma + \cdot \gamma_{\lambda} $
٣	۵۰,۰۳۶۵	•,•••• \± •,٩٩٧٩٩	$\boldsymbol{\cdot}_{/} \boldsymbol{Y} \pm  \boldsymbol{\Upsilon} \boldsymbol{\cdot} \boldsymbol{\Lambda}_{/} \boldsymbol{\Delta}$
۴	۵۰,۰۳۴۹	۰,····۸± ۰,۹۹۷۳۸	${\bf h}_i{\bf P}{\bf 17}\pm{\bf 11}{\bf h}_i{\bf h}$
۵	۵۰,۰۳۳۳	•,•••×λ± •,٩٩٧•٢	۰,۹± ۲۲۶,۳
۶	۵۰,۰۳۱۷	•,•••• \± •,٩٩۶۵٧	$\cdot _{\lambda} \pm $ try, 9
۷	۵۰,۰۳۰۰	۰,····۸± ۰,۹۹۶۱۵	• ,۷± ۲۵۲,•
٨	۵۰,۰۲۸۴	۰,···· ۸± ۰,۹۹۵۶۷	۰,۷± ۲۵۸,۳
٩	۵۰,۰۲۶۸	•,••••뱕,٩٩۵٢٢	$V_1 \to V \to V$
١٠	۵۰,۰۲۵۲	•,••••뱕,٩٩۴٧١	۰,۹± ۲۸۹,۴

#### \*STD: Standard Deviation



شکل ۶. رفتار تابع زمان جمعیت نوترونها در قلب رآکتور، بعد از تزریق پالس نوترون.



شكل ۷. ترسيم تابع Z بر حسب تغييرات راكتيويته منفى قلب رآكتور و خط برازش شده بر آن.

جدول ۵. مقایسه مقادیر محاسبه شده برای پارامترهای سینتیک قلب رآکتور تحقیقاتی تهران با مقادیر گزارش شده در دیگر مراجع

	پارامتر سينتيک قلب رآکتور			
مرجع یا روش محاسبه	[µS] ℓ (  %RE  *)	$_{\rm eff}$ [pcm] $\beta$ ( $ \%$ RE  *)		
روش آنی [۵]	_	۲۵۹		
		(٣,۴)		
روش MCNIC [۵]	48,8	٨٨۴		
	(Y/AY)	(۴۵۱، ۰)		
روش اختلال [۱۷]	۴۵٫۳	۳۱۸		
	مرجع محاسبه خطا	(٣,۴۴)		
روش جاذب ١/υ [۵]	۴۷٫۹ (۵٫۷۴)	-		
		$rat var}$		
مقدار تجربی [۱۷]	-	مرجع محاسبه خطا		
شبيەسازى چشمە نوترون	$^{**}\cdot$ , ) f $\pm$ f f, V	**&\± YA9		
پالسی (MCNPX)	(٣,•٩)	(•,٣٨)		
		en en en ele		

\* قدرمطلق درصد خطای نسبی

\*\* خطاها با توجه به عدم قطعیت پارامترهای خط برازش شده در شکل ۷ محاسبه شدهاند.

### ۶. نتیجهگیری

در این تحقیق با استفاده از کد محاسباتی MCNPX، آزمایش چشمه نوترون پالسی، چیدمان شمارهی یک از قلب رآکتور تحقیقاتی تهران، در ده وضعیت مختلف زیربحرانی شبیهسازی شد. به این ترتیب در هر یک از وضعیتهای زیربحرانی از قلب رآکتور، ثابت واپاشی نوترون آنی با برازش تابعی نمایی بر تغييرات جمعيت نوترونها در بازهى زمانى بين يک الى پنج میلی ثانیه پس از تزریق پالس نوترون، استخراج گردید. با مشخص بودن ضريب تكثير مؤثر قلب رآكتور (از محاسبات بحرانی با استفاده از کد MCNPX) و ثابت واپاشی نوترون آنی، و استفاده از تغییر متغیری که در بخش ۴ شرح داده شد، کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی محاسبه شد. نتایج به دست آمده با نتایج به دست آمده از دیگر روشها مقایسه شدند و تطابق خوبی مشاهده گردید. قدرمطلق درصد خطای نسبی مشاهده شده برای این پارامترها به ترتیب برابر با ۰٬۳۸ و ۳٬۰۹ درصد می باشند.

نتايج به دست آمده از اين تحقيق نشان ميدهد كه ميتوان با استفاده از کد محاسباتی MCNPX با دقت مناسبی به محاسبه کسر مؤثر نوترون تأخیری و طول عمر نوترون آنی به عنوان دو پارامتر سینتیک سامانه قلب رآکتور هستهای از طریق شبيهسازى آزمايش چشمه نوترون پالسى پرداخت.



- 1. D.L. Hetrick, Dynamics of Nuclear Reactors, The University of Chicago Press (1971).
- 2. G.R. Keepin, Physics of nuclear kinetics, Addison-Wesley Pub. Co (1965).
- 3. B. Verboomen, W. Haeck, P. Baeten, Monte Carlo calculation of the effective neutron generation time. Ann. Nucl. Energy, **33**, 911–916 (2006).
- 4. S.A.H. Feghhi, M. Shahriari, H. Afarideh, Calculation of Neutron Importance Function in Fissionable Assemblies Using Monte Carlo Method, Annals of Nuclear Energy, 34, 514-520 (2007).
- 5. M. Arkani, et al., *Calculation of six-group importance* weighted delayed neutron fractions and prompt neutron lifetime of MTR research reactors based on Monte Carlo method, Progress in Nuclear Energy, 88, 352-363 (2016).
- 6. M.M. Bretscher, Evaluation of reactor kinetic parameters without the need for perturbation codes, Argonne National Laboratory, Argonne, Illinois USA (1997).
- 7. L. Snoj, et al., Monte Carlo calculation of kinetic parameters for the TRIGA Mark II Research Reactor, Nuclear Energy for New Europe (2008).
- 8. L.N. Ussachoff, Equation for the Importance of Neutrons, Reactor Kinetics and the Theory of Perturbation, In: Proc. 1st Intern. Conf. Peaceful Uses Atomic Energy, Geneva, Switzerland, 5, 503 (1955).
- 9. M. Arkani, et al., Prompt Neutron Decay Constant in Esfahan Light Water Subcritical Reactor (ELWSCR): Comparison of Rossi-a Experiment and Monte Carlo Simulation, Iranian Journal of Nuclear Science and Technology, 80, 18-24 (2017) (Published in Persian).

- 10. M. Arkani, et al., Measurement of prompt neutron decay constant of Esfahan light water subcritical reactor utilizing Feynman-a method, Iranian Journal of Nuclear Science and Technology, 76, 1-7 (2016) (Published in Persian).
- 11. K. Beckurts, Measurements with a Pulsed Neutron Source, Nuclear Science and Engineering, 2(4), 516 (1957).
- 12. E. Garelis, J.L. Russell Jr, Theory of pulsed neutron source measurements, Nuclear Science and Engineering, 16, 263 (1963).
- 13. D.B. Pelowitz, MCNPX<sup>TM</sup> 2.6.0, User's Manual, Version 2.6.0, Los Alamos National Laboratory, LA-CP-07-1473 (2008).
- 14. Mathworks, MATLAB Reference Guide. The Mathworks Inc (2018).
- 15. A.F. Henry, Nuclear-Reactor Analysis, The MIT Press (1975).
- 16. T.B. Fowler, D.R. Vondy, G.W. Cunninghan, Nuclear reactor core analysis code-citation, USAEC, Report ORNL-TM-2496, ORNL-4078, ReV.2 (1971).
- 17. M. Zaker, Effective delayed neutron fraction and prompt neutron lifetime of Tehran research reactor, Annals of Nuclear Energy, 30, Issue 15, 1591-1596, (2003).
- 18. S.C. Bailoche, MTR\_PC Nuclear Engineering Division, INVAP, Argentina (2001).
- 19. C.M. Persson, et al., Pulsed neutron source measurements in the subcritical ADS experiment YALINA-Booster, Annals of Nuclear Energy, 35, 2357-2364 (2008).
- 20. TRR Safety Analysis Report, Safety Analysis Report for Tehran Research Reactor, Atomic Energy Organization of Iran (2011).



## COPYRIGHTS

©2021 The author(s). This is an open access article distributed under the terms of the Creative Commons Attribution (CC BY 4.0), which permits unrestricted use, distribution, and reproduction in any medium, as long as the original authors and source are cited. No permission is required from the authors or the publishers.

> استناد به این مقاله محمد اركاني (۱۴۰۱)، شبیهسازي آزمایش چشمه نوترون پالسي در قلب رآكتور تحقیقاتي تهران، ۹۹، ۱۷۱-۱۸۰

DOI: 20.1001.1.17351871.1401.43.1.19.2 Url: https://jonsat.nstri.ir/article\_1362.html

